

# Vorkurs Theoretische Informatik

Einführung in die Grundideen, Mengenlehre und Aussagenlogik

---

Arbeitskreis Theo-Vorkurs

Montag, 9. Oktober 2023

Fachgruppe Informatik Universität Stuttgart

# Allgemeines

---

- Fachgruppe Informatik
  - Unser Ziel:  
Das Leben von uns Studis während des Studiums angenehmer zu gestalten
  - organisieren Veranstaltungen (Grillen, Spieleabende, Vorkurse, ...)
  - verleihen Prüfungen aus den früheren Semestern
  - vertreten die studentische Sicht in offiziellen Gremien
  - ...und vieles mehr (es gibt z.B. einen 3D-Drucker)
- Arbeitskreis Theoretische Informatik
  - Teilmenge der Fachgruppe Informatik
  - haben diesen Vorkurs organisiert

- Nützliche Links:
  - Fachgruppe Informatik:  
<https://fius.de/>
  - Handouts und Foliensätze:  
<https://fius.de/index.php/studien-interessierte/vorkurs-theoretische-informatik/>
  - Materialien Ergänzung Theoretische Informatik 1 (Wintersemester 19/20):  
<https://fmi.uni-stuttgart.de/ti/teaching/w19/eti1/>

- Ersti Telegram-Gruppe:



<https://t.me/+DcU6xAWh18U5MDYy>

- E-Mail der Fachgruppe: [fius@informatik.uni-stuttgart.de](mailto:fius@informatik.uni-stuttgart.de)

## Ablauf und Notfallplan

- Der Online-Vorkurs wird eine Übertragung aus/in einem Hörsaal sein
- Es wird zwischen Vorlesungs- und Aufgabephasen abgewechselt.
- Wir benutzen BigBlueButton - wenn ihr hier seid, wisst ihr das schon.
- Bei technischen Problemen, die sich nicht zügig beheben lassen, wechseln wir auf WebEx. Den Joinlink verschicken wir dann per Mail und stellen ihn auf `https://fius.de/index.php/studien-interessierte/vorkurs-theoretische-informatik/`.

Traut euch, Fragen zu stellen und mitzumachen.

## 1. Allgemeines

Organisatorisches

Tipps zum Studium

## 2. Theoretische Informatik

Anwendung

Theoretische Informatik in deinem Studium

## 3. Wörter, Sprachen und Mengen

## 4. Mengenschreibweise

## 5. Mengenoperationen

## 6. Aussagenlogik

## 7. Wiederholung

# Theoretische Informatik

---

# Was ist eigentlich Theoretische Informatik?

- Theoretische Informatik ist die **formale** Herangehensweise an Probleme.
- Diese Probleme befassen sich unter Anderem mit den **formalen** Sprachen.



- Ist ein bestimmtes Problem lösbar, oder **können** wir gar keine Lösung finden?
- IT-Sicherheit / Kryptographie: Die Sicherheit bestimmter Algorithmen **beweisen**
- Reguläre Ausdrücke
- Künstliche Intelligenz
- Compilerbau
- ...und vieles mehr...

Theoretische Informatik I ist Orientierungsprüfung für Informatik, Medieninformatik, Softwaretechnik und Data Science.

- Du musst diese Prüfung spätestens zum Ende des dritten Semester bestanden haben.
- Du musst spätestens zum Ende des zweiten Semesters eine der beiden Orientierungsprüfungen angetreten haben.
- Du kannst die schriftliche Prüfung einmal nachschreiben und hast dann noch einen mündlichen Versuch im selben Semester.

Kennt eure Prüfungsordnung!

- Theoretische Informatik I  
Formale Sprachen und Automatentheorie (FSuA)  
Dozent: Dr. Armin Weiß
- Theoretische Informatik II  
Berechenbarkeit und Komplexität (BuK)  
Dozent: Dr. Manfred Kufleitner
- Theoretische Informatik III  
Algorithmen und Diskrete Strukturen (AuDS)  
Dozent: Dr. Manfred Kufleitner

Altklausuren helfen bei der Prüfungsvorbereitung.  
Fragt auch nach den Klausuren des alten Fachs.

Uwe Schöning: Theoretische Informatik - kurzgefasst

[€22,99]

- Die Vorlesung von Dr. Armin Weiß richtet sich in weiten Teilen nach diesem Buch.

Boris Hollas: Grundkurs Theoretische Informatik: Mit Aufgaben und Anwendungen

[€27,99]

- Weniger formal, dafür intuitiver mit einigen Beispielen und Übungsaufgaben.

Dirk W. Hoffmann: Theoretische Informatik

- Wird auch gelegentlich empfohlen.

Die Bücher sind alle in der Uni-Bib verfügbar, beim Schöning sollte man sich aber beeilen.

# **Wörter, Sprachen und Mengen**

---

- Was ist eine Menge?
- Eine Menge
  - ist eine Sammlung von Zeugs
  - ist unsortiert
  - enthält keine Duplikate
  - wird mit geschweiften Klammern notiert

## Beispiel

$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$  = Menge der Natürlichen Zahlen

Studierende = {Julian, Joel, Fabian, Noah, ...}

$\{1, 2\} = \{2, 1\} = \{1, 1, 2, 1, 1, 1\}$

$\emptyset = \{\}$  = leere Menge

- Was ist ein **Element**?
- Ein Element ist ein **Ding aus einer Menge**.

## Beispiel

**1** ist ein Element der **Natürlichen Zahlen**

$$1 \in \mathbb{N}$$

**Julian** ist ein Element aus der Menge der **Studierenden**

$$\text{Julian} \in \text{Studierende}$$

**a** ist in der Menge  $\{\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w}\}$  nicht enthalten

$$\mathbf{a} \notin \{\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w}\}$$

- Was ist eine **Teilmenge**?
- Eine Teilmenge ist eine **spezielle Auswahl** von Elementen einer Menge.

## Beispiel

$\{1, 2, 3\}$  ist eine Teilmenge der Natürlichen Zahlen

$$\{1, 2, 3\} \subseteq \mathbb{N}$$

**{Julian}** ist eine Teilmenge der **Studierenden**

$$\{\mathbf{Julian}\} \subseteq \mathbf{Studierende}$$



## Ein paar Definitionen

Eine nichtleere Menge einstelliger Symbole nennen wir **Alphabet**. Es wird oft dargestellt durch den Bezeichner  $\Sigma$ .

### Beispiele

- $\Sigma = \{a, b\}$
- $\Sigma = \{0, 1\}$
- $\Sigma = \{\text{Rechts, Links, Vorwärts, Rückwärts, Start, Stopp, Pause}\}$

## Ein paar Definitionen

Auf einem Alphabet können wir die Operation  $\cdot$ , genannt **Konkatenation**, ausüben.

→ zum Beispiel ist dann  $a \cdot b = ab$

Eine beliebig lange Kette an Symbolen aus dem Alphabet nennen wir ein **Wort**.

### Beispiele

- *abba* ist ein *Wort* über dem Alphabet  $\Sigma = \{a, b\}$
- 10011101 ist ein *Wort* über dem Alphabet  $\Sigma = \{0, 1\}$
- StartVorwärtsRechtsVorwärtsStopp ist ein *Wort* über  $\Sigma = \{\text{Rechts, Links, Vorwärts, Rückwärts, Start, Stopp, Pause}\}$

## Wortlänge und das leere Wort

Eine endlich lange Kette an Symbolen aus dem Alphabet nennen wir ein Wort.

- Wort der Länge 3: z.B. *aaa*, *aba*, 110, RechtsPauseStopp . . .
- Wort der Länge 2: z.B. *aa*, *ab*, 00, StartVorwärts . . .
- Wort der Länge 1: z.B. *a*, *b*, 1, Links . . .
- Wort der Länge 0:  $\varepsilon$

Wir schreiben  $|w|$  um Länge des Wortes  $w$  abzukürzen.

Um nur ein Symbol (z.B.  $a$ ) zu zählen verwenden wir  $|w|_a$ .

$\varepsilon$  („Epsilon“) nennen wir das „leere Wort“.

- **Vergleich:** Es ist vergleichbar mit einem leerem String,  
also:  $"" = \varepsilon$
- **Achtung:** Das leere Wort kann kein Teil eines Alphabets sein,  
da es nicht einstellig ist. Es hat die Wortlänge  $|\varepsilon| = 0$

## Achtung

Wir können bei der Konkatination auch das leere Wort anhängen. Es verhält sich hierbei als das **neutrale Element**.

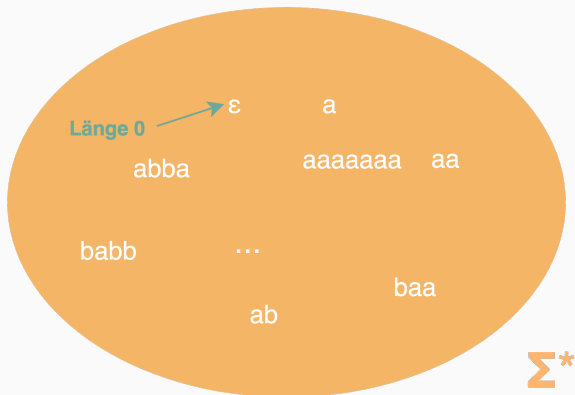
d.h. für ein beliebiges Wort  $w$ , ist  $w \cdot \varepsilon = \varepsilon \cdot w = w$

## Vergleich

- Bei der Addition von Zahlen ist die 0 das neutrale Element  
 $n + 0 = 0 + n = n$
- Bei der Multiplikation von Zahlen ist die 1 das neutrale Element  
 $x * 1 = 1 * x = x$

## Was heißt das?

Bei der Konkatination  $a \cdot a \cdot \varepsilon \cdot a$  entsteht das Wort  $aaa$  mit  $|aaa| = 3$ .



**Abbildung 1:** Menge von allen Kombinationen der Elemente von  $\Sigma$  heißt  $\Sigma^*$

### Das heißt...

Sei  $\Sigma = \{a, b\}$  unser **Alphabet**.

Wir beschreiben die Menge, die alle Möglichkeiten enthält Elemente aus  $\Sigma$  zu *konkateneren* mit  $\Sigma^* = \{\varepsilon, a, b, aa, ab, ba, bb, aba, \dots\}$ .

### Achtung

$M^*$  über einer beliebigen Menge  $M$  enthält immer das leere Wort  $\varepsilon$ !

Sogar wenn  $M = \{\} = \emptyset$ .

## Aufgaben

Nenne jeweils 5 der kürzesten Elemente aus  $\Sigma^*$  für die folgenden Alphabete  $\Sigma$ :

### Normal

- $\Sigma = \{a\}$
- $\Sigma = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

### Etwas schwerer

- $\Sigma = \{0, x, \text{Biber}\}$
- $\Sigma = \{\text{☺}, \text{☹}\}$

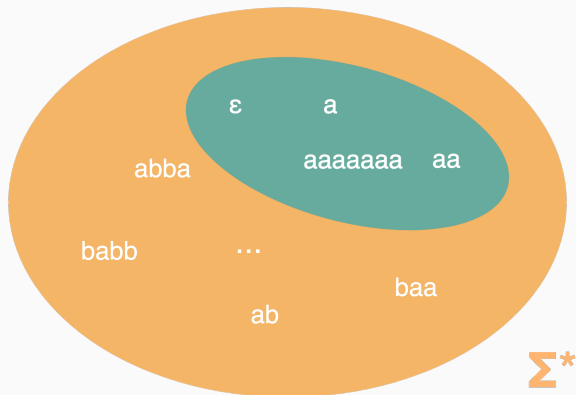
## Verständnisabfrage

Denke kurz über folgende Aufgabe nach...

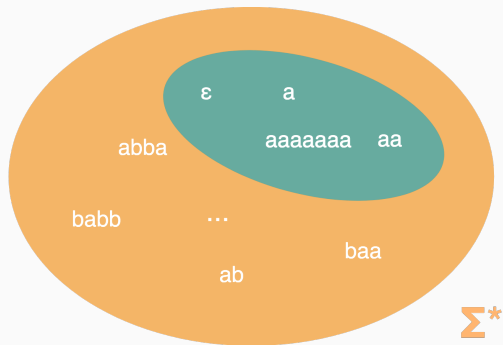
### Schwer

Welche Wörter sind in  $M^*$  enthalten, wenn  $M = \emptyset$  gilt?





**Abbildung 2:** Teilmengen unserer Obermenge (hier  $\Sigma^*$ ) nennen wir Sprachen



$L = \{ \text{Wörter die nur aus a's bestehen} \}$

**Abbildung 3:** Manche Sprachen können wir mit Regeln beschreiben

## Beispiele für Sprachen in Mengenschreibweise

- $L_1 = \{a^n \mid n \in \mathbb{N}\}$
- $L_2 = \{a^n \mid n \equiv 0 \pmod{2}, n \in \mathbb{N}\}$
- $L_3 = \{uv \mid u \in \{a, b\}^*, v \in \{a\}\}$
- $L_4 = \{w \mid |w|_a = 3\}$

Was soll das alles? Mehr dazu nach der Pause :)

# Mengenschreibweise

---

$$L_2 = \{a^n \mid n \in \mathbb{N}\}$$

Die Sprache  $L_2$  enthält alle Wörter  $a^n$ , **für die gilt**:  $n$  stammt aus der Menge der natürlichen Zahlen.

## Achtung

In der theoretischen Informatik enthält  $\mathbb{N}$  ( $\mathbb{N}$  ist die Menge der natürlichen Zahlen) die Zahl 0.

# Wie schreiben wir das?

- Viele Zeichen hintereinander (konkateniert) können auch einfacher geschrieben werden.

$$a^0 = \varepsilon$$

$$a^1 = a$$

$$a^2 = a \cdot a = aa$$

$$a^3 = a \cdot a \cdot a = aaa$$

⋮

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n\text{-mal}}$$

# Wie schreiben wir das?

- $L_1 = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots\} = \{x \mid x \text{ ist gerade}\}$   
 $= \{x \mid \text{Es gibt eine Zahl } k \in \mathbb{N} : 2k = x\}$
- $L_2 = \{a^n \mid n \in \mathbb{N}\} = \{\varepsilon, a, aa, aaa, aaaa, \dots\}$
- $L_3 = \{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\} = \{\varepsilon, ab, aabb, aaabbb, aaaabbbb, \dots\}$
- $L_4 = \{a^n w \mid n \in \mathbb{N}, w = bccb\} = \{bccb, abccb, aabccb, \dots\}$   
 $L_4$  endet nach einer beliebigen Anzahl von a's immer mit bccb
- $L_5 = \{w \mid |w| = 2, w \in \{a, b\}^*\} = \{aa, bb, ab, ba\}$   
Wörter der Länge 2 aus  $\{a, b\}^*$
- $L_6 = \{w \mid |w|_a = 2, w \in \{a, b\}^*\}$   
Wörter mit **genau** 2 a's und beliebig vielen b's aus  $\{a, b\}^*$

## Aufgaben

Findet Wörter aus den folgenden Sprachen

### Normal

- $L_1 = \{a\}$
- $L_2 = \{uv \mid u \in \{a, b\}^*, v \in \{c, d\}\}$
- $L_3 = \{w \mid |w| = 3, w \in \{a, b, c\}^*\}$

### Etwas Schwerer

- $L_4 = \{a^n \mid n \equiv 1 \pmod{3}, n \in \mathbb{N}\}$
- $L_5 = \{w \mid |w|_a = 3, |w|_b = 1, w \in \{a, b, c\}^*\}$
- $L_6 = \{uv \mid u \in \{\blacktriangleleft, \blacktriangle, \blacktriangleright, \blacktriangledown\}^*, v \in \{\text{⊗}\}\}$
- $L_7 = \{w \mid |w| = 2, w \in \{a, b\}\}$

Anmerkung:  $x \equiv y \pmod{n} \iff n \text{ teilt } (x - y) \text{ ohne Rest} \iff x = m \cdot n + y \text{ mit } x, y, n, m \in \mathbb{Z}$

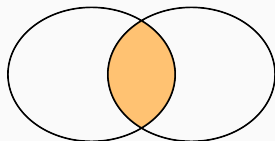


# Mengenoperationen

---

## Schnitt - $A \cap B$

Gegeben zwei Mengen A und B.  
In der Schnittmenge liegt alles, das in  
Menge A **und** in Menge B ist.

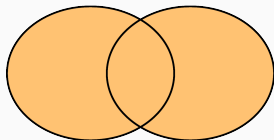


**Abbildung 4:** Veranschaulichung der Schnittmenge

## Vereinigung - $A \cup B$

Gegeben zwei Mengen A und B.

In der Vereinigung liegt alles, das nur in A, nur in B **oder** in beiden Mengen liegt.

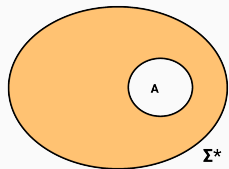


**Abbildung 5:** Veranschaulichung der Vereinigung

## Komplement - $\bar{A}$

Gegeben sei eine Menge A.

Im Komplement der Menge A liegen alle Elemente, die in der Obermenge (z.B.  $\Sigma^*$ ), aber nicht in der Menge A selbst liegen.



**Abbildung 6:** Veranschaulichung des Komplements

**Anmerkung:** Kann auch geschrieben werden als  $\Sigma^* \setminus A$ .  
(gesprochen  $\Sigma^*$  „ohne“ A)

Berechne folgende Mengen

## Normal

- $M_1: \{a\} \cup \{b\}$
- $M_2: \{\} \cap \{u, v, w\}$
- $M_3: \mathbb{N} \cup \mathbb{Z}$
- $M_4: \overline{\{a^n \mid n \text{ ist gerade}\}}$ , über dem Alphabet  $\{a\}$

## Schwer bis sehr schwer

- $M_5: \{a, b, c\} \cap \{a, \{b, c\}\}$
- $M_6: \{u \mid |u| \equiv 0 \pmod{2}, u \in \{a, b\}^*\} \cup \{v \mid |v| \equiv 0 \pmod{4}, v \in \{a, b\}^*\}$
- $M_7: \overline{\{a^n \mid n \text{ ist gerade}\}}$ , über dem Alphabet  $\{a, b\}$

# Aussagenlogik

---

## Aussagen

- Paris ist die Hauptstadt von Frankreich
- Mäuse jagen Elefanten
- $5 \in \mathbb{N}$
- $5 = 8$
- $u \in \{u, v, w\}$

Eine Aussage  $A$  ist entweder **wahr** oder **falsch**.

## Das sind keine Aussagen

- Macht theoretische Informatik Spaß?
- Geh dein Zimmer aufräumen!
- Wie viele Tiere wohnen in der Uni?
- $(x + y)^2 + 1$
- $\{a, b, c\}$
- ...

Diesen Sätzen können wir keinen eindeutigen Wahrheitswert **wahr** oder **falsch** zuordnen.



## Wozu brauchen wir das?

- Wir untersuchen, wie wir Aussagen verknüpfen können.
- Damit ziehen wir formale Schlüsse und führen Beweise.

Wir können Aussagen verändern oder durch Operationen zu neuen Aussagen verbinden.

- $A$ : Fred möchte Schokolade.
- $B$ : Fred möchte Gummibärchen.

## Grundoperationen

- **Und:**  $A \wedge B \rightsquigarrow$  Fred möchte Schokolade **und** Gummibärchen.  
*Analog:*  $M: M_1 \cap M_2$ , Jedes Element aus  $M$  liegt in  $M_1$  **und** in  $M_2$
- **Oder:**  $A \vee B \rightsquigarrow$  Fred möchte Schokolade **oder** Gummibärchen.  
*Anmerkung:* Inklusives „oder“, kein „entweder oder“  
Das heißt, es können auch beide Aussagen wahr sein.  
*Analog:*  $M: M_1 \cup M_2$ , Jedes Element aus  $M$  liegt in  $M_1$  **oder** in  $M_2$
- **Nicht:**  $\neg A \rightsquigarrow$  Fred möchte **keine** Schokolade.  
*Analog:*  $M: \overline{M_1}$ , Jedes Element aus  $M$  liegt **nicht** in  $M_1$

Auf **Mengen**  $A, B$  lassen sich verschiedene Mengenoperationen ausführen.

## Mengenoperationen

- Schnitt:  $A \cap B$
- Vereinigung:  $A \cup B$
- Komplement:  $\bar{A}$

Auf **Aussagen**  $A, B$  lassen sich verschiedene logische Operationen ausführen.

## Logische Operationen

- Logisches Und:  $A \wedge B$
- Logisches Oder:  $A \vee B$
- Logisches Nicht:  $\neg A$

Mengenoperationen und logische Operationen dürfen nicht verwechselt werden.

A:  $5 \in \mathbb{N}$

B: Es regnet

C:  $\{w \mid |w| = 2\}$

D:  $\{a,b,c,x,y\}$

**Welche dieser Verknüpfungen sind zulässig?**

1.  $A \wedge B$

2.  $A \vee C$

3.  $C \cap D$

4.  $A \wedge B \cup C$

$$A \implies B$$

- „Wenn  $A$  wahr ist, dann muss auch  $B$  wahr sein.“
- kurz: „**Wenn**  $A$ , **dann**  $B$ .“
- Wenn  $A$  falsch ist können wir keine Aussage über  $B$  treffen.
- $A \implies B$  ist dieselbe Aussage wie  $\neg A \vee B$

## Kontraposition

- $\neg B \implies \neg A$  ist die Kontraposition zu  $A \implies B$
- „Wenn  $B$  falsch ist, dann muss  $A$  auch falsch (gewesen) sein“
- Die Implikation und ihre Kontraposition haben den selben Wahrheitswert

## Aufgaben

Die folgenden Teilaufgaben bestehen aus einer Aussage, einem Geschehen und aus einer Folgerung. Welche der Folgerungen sind richtig, unter der Annahme, dass die Aussagen wahr sind?

### Normal bis Schwer

- Aussage: "Lukas ist im Vorkurs oder schläft noch"  
Geschehen: Lukas ist nicht im Vorkurs.  
Folgerung: Also schläft er noch.
- Aussage: "Wenn Anne nicht rennt, bekommt sie die Bahn nicht"  
Geschehen: Anne bekommt die Bahn.  
Folgerung: Also ist sie gerannt.
- Aussage: "Wenn Tobi auf die Prüfung nicht lernt, besteht er nicht"  
Geschehen: Tobi hat auf die Prüfung gelernt.  
Folgerung: Also besteht er.

$$A \iff B$$

- „A ist wahr, **genau dann wenn** B wahr ist.“
- kurz: „A gdw. B“
- A und B müssen den selben Wahrheitswert haben.
- $A \iff B$  ist dieselbe Aussage wie  $(A \implies B) \wedge (B \implies A)$



## Aufgaben

Berechne den Wahrheitswert folgender Aussagen.

### Normal

- $A_1: 5 \in \mathbb{N} \wedge a \in \{a, b, c\}$
- $A_2: 0 \in \mathbb{N} \vee a \in \{a, b, c, d\}$
- $A_3: A_1 \iff A_2$

### Etwas Schwerer

- $A_4: (\emptyset = \emptyset^*) \implies (a \in \emptyset)$
- $A_5: (a \notin \emptyset) \implies (\emptyset = \emptyset^*)$
- $A_6: A_4 \iff A_5$
- $A_7: (7 \in \{1, 2, 7, 9\}) \cap (2 = 7 - 5)$
- $A_8$ : Wenn die Erde zwei Monde hat,  
dann ist die Erde der innerste Planet zur Sonne.

Wir haben zwei Aussagen  $A$  und  $B$ . Wir nehmen nun an,  $A$  sei wahr. Wenn wir zeigen, dass dann auch  $B$  wahr ist, wissen wir, dass  $A \implies B$  gilt.

## Beispiel

1. Wir wollen zeigen, dass für eine ganze Zahl  $x$  die Implikation  $3 = x - 2 \implies x = 5$  gilt.
2. Wir nehmen an, dass die linke Aussage wahr ist...
3. ...und zeigen, dass dann die rechte Aussage gilt.
4.  $(3 = x - 2) \implies (3 + 2 = x) \implies (5 = x) \implies (x = 5)$
5. Also folgt die rechte Aussage aus der Linken.
6. Somit gilt die Implikation. □

# Wiederholung

---

## Einführung

- Theoretische Informatik ist ganz schön wichtig...
- ...für mein Studium.

## Mengen, Sprachen, Elemente

- Was ist eine Menge?
- Was ist eine Sprache?
- Was sind Elemente einer Sprache/Menge?

## Alphabete, $\Sigma^*$

- Was ist ein Alphabet?, Was ist ein Wort?
- Wie funktioniert die Konkatenation?
- Was ist der Unterschied zwischen  $\Sigma$  und  $\Sigma^*$ ?
- Das leere Wort: Welches ist das *kleinste* Alphabet mit  $\varepsilon \in \Sigma^*$ ?
- Bilden von  $\Sigma^*$  für gegebenes Alphabet  $\Sigma$

## Operationen auf Mengen

- Wie funktionieren Vereinigung, Schnitt und Komplement?
- Wie bilde ich die Vereinigung oder Schnittmenge zweier Mengen?
- Wie bilde ich das Komplement einer Menge?
- Wie kann ich Sprachen formal beschreiben?
- Hantieren mit verschiedenen seltsamen Mengen und den Verknüpfungen

## Logik

- Was ist eine Aussage?
- Was bedeuten  $\wedge$ ,  $\vee$  und  $\neg$ ?
- Wie funktioniert die Implikation?
- Wie funktioniert die Äquivalenz?



Abk.	Bedeutung	Was?!
$\mathbb{N}$	natürliche Zahlen (mit 0)	In der theoretischen Informatik enthält $\mathbb{N}$ die 0: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$ (Auch $\mathbb{N}_0$ )
$\mathbb{Z}$	ganze Zahlen	$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$
$\Sigma$	Sigma	mit diesem Zeichen wird oft das Alphabet (die Menge an verwendbaren Symbolen) repräsentiert
$\Sigma^*$	Sigma Stern	Menge aller Möglichkeiten Elemente aus $\Sigma$ hintereinander zu schreiben
$\varepsilon$	leeres Wort	Wort (über bel. Alphabet) mit der Länge 0 ( $ \varepsilon  = 0$ ), in allen $\Sigma^*$ enthalten.
$\emptyset$	$\{\}$	leere Menge
$a b$	teilt	$a$ ist Teiler von $b$ , d.h. $a$ teilt $b$ ohne Rest
:	sodass	z.B. $\forall a, b \in \mathbb{Z} : a b$
mod	modulo	$a \equiv b \pmod{n} \iff n (a - b)$ , mit $a, b, n \in \mathbb{Z}$

- Unsere Folien sind frei!
- Jeder darf die Folien unter den Bedingungen der **GNU General Public License v3** (oder jeder späteren Version) weiterverwenden.
- Ihr findet den Quelltext unter  
`https://www.github.com/FIUS/theo-vorkurs-folien`